

Equations des Coniques pour l'intersection d'un plan incliné avec un cône (ou deux joints par le sommet).

Equation de la courbe sur la nappe et dans le plan de coupe.

$$A=(r1+r2)/(R1+R2)$$

$$B=((H1-H2)/(r1-r2))$$

Angles:alpha,béta,gamma

()deuxièmeparenthèse

()troisièmeparenthèses

Equations de l'intersection du cône avec le plan dans la vue de nappe

XG=

yG

On remplace gamma par t

$$B=(1/\tan(\alpha))$$

$$A=(\sin(\alpha))$$

$$r1=(R1*\sin(\alpha))$$

$$H1=(R1*\cos(\alpha))$$

$$r2=(R2*\sin(\alpha))$$

Equations du cercle de nappe de rayon R1+R2 et de centre O3(mais elle est donnée en fonction de r1 et de r2, r1+r2 étant le rayon du cône, r1 le rayon du cône au point d'intersection avec le plan..

y=

$$x(/O3) = +ou - \left( H1 - tg(\beta) * \left( \frac{(B) * r1 - H1 * \cos(\gamma)}{(B - tg(\beta) * \cos(\gamma))} \right) \right) * \left( \frac{\cos(\gamma * A)}{\cos(\alpha)} \right)$$

$$-((R1*\cos(\alpha))-\tan(\beta)*((1/\tan(\alpha))* (R1*\sin(\alpha))- (R1*\cos(\alpha))*\cos(t)) / ((1/\tan(\alpha))-\tan(\beta)*\cos(t))) * (\cos(t*(\sin(\alpha)))/\cos(\alpha))$$

$$y(/O3) = -(H1 - tg(\beta) * \left( \frac{(B) * r1 - H1 * \cos(\gamma)}{(B - tg(\beta) * \cos(\gamma))} \right) ) * \left( \frac{\sin(\gamma * A)}{\cos(\alpha)} \right)$$

$$-((R1*\cos(\alpha))-\tan(\beta)*((1/\tan(\alpha))* (R1*\sin(\alpha))- (R1*\cos(\alpha))*\cos(t)) / ((1/\tan(\alpha))-\tan(\beta)*\cos(t))) * (\sin(t*(\sin(\alpha)))/\cos(\alpha))$$

$$(((R1*\sin(\alpha))+R2*\sin(\alpha)) / (\sin(\alpha)))^2 - x^2)^{0.5}$$

<p>Equation de la génératrice extrême  Délimitant la portion du cercle de rayon R1+R2 nécessaire pour former le cône.  y=</p>	$\tan(\pi*(1-(\sin(\alpha))))*x$
<p>Equation de l'intersection du cône avec le plan de coupe sur le plan de coupe  xG  zG</p>	$Z(G) = (r1 - w(G) * \cos(\beta)) * \text{tg}(\arccos(\frac{(\frac{H1-H2}{(r1+r2)} * w(G) * \cos(\beta) - r1)}{(\sin(\beta) * w(G) - H1)}))$ $((R1 * \sin(\alpha)) - x * \cos(\beta)) * \tan(\arccos(((1/\tan(\alpha)) * (x * \cos(\beta)) - (R1 * \sin(\alpha)))) / (\sin(\beta) * x - (R1 * \cos(\alpha))))$
<p>Droite délimitant l'intersection du plan de coupe avec la base du cône inférieur :  xK=H2 est négatif, donc si on l'exprime avec R2 il faut faire apparaître le moins.  zK ordonnée à l'intersection</p> $z(K) = +ou - \sqrt{(r1 + r2)^2 - \left(\frac{H2}{\text{tg}(\beta)} - r1\right)^2}$ $(((R1 * \sin(\alpha)) + (R2 * \sin(\alpha)))^2 - (((R2 * \cos(\alpha)) / \tan(\beta)) - (R1 * \sin(\alpha)))^2)^{0.5}$	$w(K/O1) = \frac{H2}{\sin(\beta)}$ $(-R2 * \cos(\alpha) / \sin(\beta))$
<p>Droite délimitant l'intersection du plan de coupe avec le plafond du cône supérieur :  xT=  zT</p> $z(T) = +ou - \sqrt{(r1 + r2)^2 - \left(\frac{2 * H1 - H2}{\text{tg}(\beta)} - r1\right)^2}$ $(((R1 * \sin(\alpha)) + (R2 * \sin(\alpha)))^2 - ((2 * (R1 * \cos(\alpha)) + (R2 * \cos(\alpha))) / \tan(\beta)) - (R1 * \sin(\alpha))^2)^{0.5}$	$w(T/O1) = \frac{(2 * H1 - H2)}{\sin(\beta)}$ $((2 * (R1 * \cos(\alpha)) + (R2 * \cos(\alpha))) / \sin(\beta))$

<p>Abscisse du point d'intersection entre le plan de coupe et le cône supérieur (que je nomme point Q)</p> $xQ = \frac{H1 - tg\left(\frac{pi}{2} + \alpha\right) * r1}{tg(\beta) - tg\left(\frac{pi}{2} + \alpha\right)}$	$\left(\frac{(R1 * \cos(\alpha)) - \tan\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) * (R1 * \sin(\alpha))}{\tan(\beta) - \tan\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right)}\right) / \cos(\beta)$
<p>Equation du cercle de rayon r1 +r2 et de centre O2 définissant soit le socle soit le plafond des deux cônes</p>	$y = \left( \left( (R1 * \sin(\alpha)) + (R2 * \sin(\alpha)) \right)^2 - x^2 \right)^{0.5}$
<p>xK/O2 droite d'intersection du plan de coupe avec le socle</p>	$X = \left( \frac{R2 * \cos(\alpha)}{\tan(\beta)} \right) - (R1 * \sin(\alpha))$
<p>xT/O2 droite d'intersection du plan de coupe avec le plafond du cône supérieur.</p>	$x(T/O2) = \frac{2 * H1 - H2}{tg(\beta)} - r1$ $X = \left( \frac{2 * (R1 * \cos(\alpha)) + (R2 * \cos(\alpha))}{\tan(\beta)} \right) - (R1 * \sin(\alpha))$

Plan d'intersection  
 tournée à la base du socle est de  $0,00$   
 angle qu'il fait avec la verticale passant par  $20,00$   $0,35$  radians  
 angle qu'il fait avec le plan du socle est de  $70,00$   $1,222$  radians

Soit un cône défini par les paramètres suivants :


1) En vue de profil

$r_1$	11,00	
$r_2$	4,00	
$R_1$ rayon du petit cône	5,222	dépend de $r_1$
$R_2$ rayon du grand cône	9,138	dépend de $r_2$
demi angle au sommet	50,00	0,87 rad
demi angle à la base	40,00	0,70 rad
$H_1$	3,356	dépend de $R_1$
$H_2$	5,874	dépend de $R_2$
$H_3$	12,886	

2) En vue de dessus  
 Angle de la génératrice dans le cercle  $40,00$   $0,70$


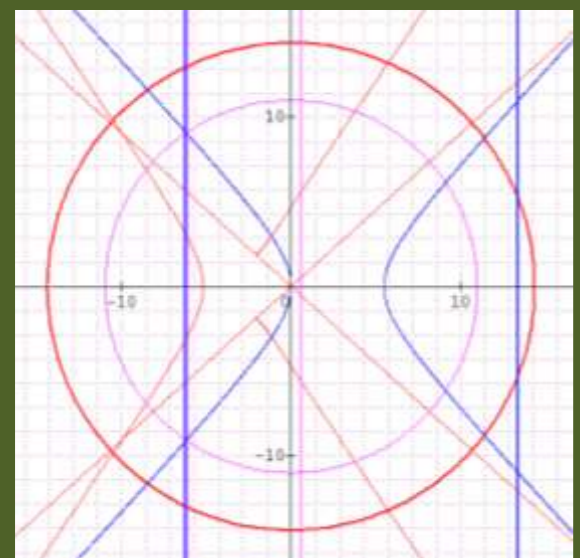
A  $(r_1+r_2)/(R_1+R_2)$   $0,766$   $\sin(\alpha)$

B  $(H_1-H_2)/(r_1+r_2)$   $0,639$



Compare la vue de profil et la vue de dessus

1		
le profil	abscisses en cm	
		plan d'intersection
		perce gauche du cône

Rouge : tracé de l'intersection sur la nappe avec diagonales extrêmes

Bleu tracé de l'intersection sur le plan de coupe

Violet : socle ou plafond du cône